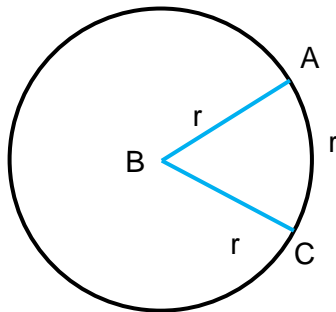


### 1.4.1.3 Sistema circular.

En este sistema se utiliza como unidad de medida el ángulo llamado “radián”.

Un radián es el ángulo cuyos lados comprende un arco cuya longitud es igual al radio de la circunferencia.

Así, si la longitud del arco AC de la siguiente figura es igual a  $r$ , entonces  $\angle ABC = 1$  radián.



Como el perímetro de cualquier circunferencia es  $2\pi r$ , resulta entonces que un ángulo de  $360^\circ$  equivale a  $2\pi r$ , es decir, si a  $\pi$  se le asigna un valor de 3.1416 entonces  $360^\circ = 6.28$  radianes, por lo que  $1$  radián =  $360 / 6.28$ , quedando que **1 radián =  $57.3^\circ$** .

### Relación entre los grados sexagesimales y el radián.

Si representamos a los grados con la letra G y a los radianes con la letra R, se establece la siguiente proporción.

$$\frac{G}{360^\circ} = \frac{R}{2\pi} \quad \text{Por lo que} \quad R = \frac{2\pi G}{360^\circ} \quad \text{simplificando} \quad \boxed{R = \frac{(\pi)(G)}{180^\circ}} \quad \text{y} \quad \boxed{G = \frac{(180^\circ)(R)}{\pi}}$$

## Ejemplos resueltos de ángulos en el sistema circular.

<p><b>1. Expresar 60° a radianes.</b></p> $R = \frac{(\pi)(60^\circ)}{180^\circ}$ $R = \frac{(\pi)}{3}$	<p><b>2. Expresar 45° a radianes.</b></p> $R = \frac{(\pi)(45^\circ)}{180^\circ}$ $R = \frac{(\pi)}{4}$
<p><b>3. Expresar 120° a radianes.</b></p> $R = \frac{(\pi)(120^\circ)}{180^\circ} = \frac{(\pi)(60^\circ)}{90^\circ} = \frac{(\pi)(20^\circ)}{30^\circ}$ $R = \frac{(2)(\pi)}{3}$	<p><b>4. Expresar <math>\frac{\pi}{6}</math> a grado sexagesimal.</b></p> $G = \frac{(180^\circ)\left(\frac{\pi}{6}\right)}{\pi} \text{ cancelamos } \pi$ $G = \frac{(180^\circ)}{6} \quad G = 30^\circ$

## Ejercicios para resolver en clase de ángulos en el sistema circular.

<p><b>1. Expresar 40° a radianes.</b></p>	<p><b>2. Expresar 25° a radianes.</b></p>
<p><b>3. Expresar 75° a radianes.</b></p>	<p><b>4. Expresar <math>\frac{\pi}{5}</math> a grado sexagesimal.</b></p>